



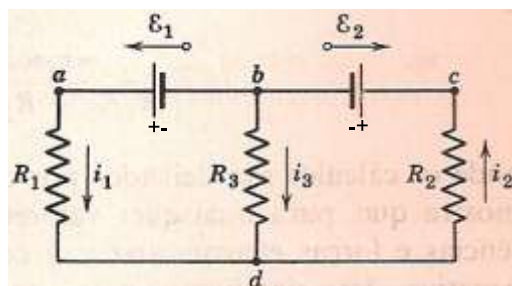
## PROGRAD / COSEAC

| <b>CURSO</b>   | <b>Disciplina 1</b> | <b>Disciplina 2</b> |
|--|---------------------|---------------------|
| <b>Engenharia de Petróleo</b>                        | <b>Física</b>       | <b>Matemática</b>   |
| <b>Engenharia de Produção (Volta Redonda)</b>        |                     |                     |
| <b>Engenharia de Telecomunicações</b>                |                     |                     |
| <b>Engenharia Mecânica (Niterói)</b>                 |                     |                     |
| <b>Engenharia de Rec Hídricos e do Meio Ambiente</b> |                     |                     |

1ª QUESTÃO: (2,0 pontos)



No circuito representado na figura abaixo,  $\varepsilon_1 = 12V$ ,  $\varepsilon_2 = 6V$  e  $R_1 = R_2 = R_3 = 4\Omega$ .



- a) Encontre uma relação linear entre os valores das correntes elétricas  $i_1$ ,  $i_2$  e  $i_3$ , através dos resistores  $R_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$ , que expresse a condição de conservação da carga (lei dos nós).
- b) Encontre os valores de  $i_1$ ,  $i_2$  e  $i_3$ .

Cálculos e respostas:

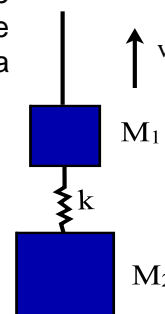
## PROGRAD / COSEAC

Cálculos e respostas:

2ª QUESTÃO: (2,0 pontos)



Dois blocos de massas  $M_1$  e  $M_2$  estão presos entre si por uma mola de constante elástica  $k$  e de massa desprezível. O conjunto é puxado verticalmente, com velocidade constante  $v$ , por um fio inextensível, também de massa desprezível. Em função das grandezas  $M_1$ ,  $M_2$ ,  $k$ ,  $v$  e  $g$  (aceleração da gravidade), calcule:



- a) a tensão no fio;
- b) o alongamento  $\Delta x$  da mola em relação ao seu comprimento de equilíbrio.

Cálculos e respostas:

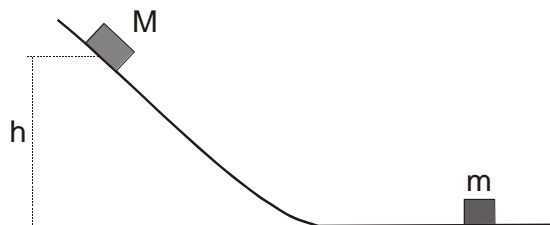
## PROGRAD / COSEAC

Cálculos e respostas:

3ª QUESTÃO: (2,0 pontos)



Um bloco de massa  $M$  é abandonado sobre uma rampa inclinada de uma altura  $h$  e desliza sobre ela até colidir com um outro bloco de massa  $m$  inicialmente em repouso à altura zero. Após a colisão, os blocos saem juntos com velocidade  $V$ . Considere que o atrito é desprezível durante todo o percurso e calcule:



- a) a velocidade do bloco de massa  $M$  imediatamente antes da colisão com o bloco de massa  $m$ ;
- b) a velocidade  $V$  dos dois blocos imediatamente após a colisão;
- c) a perda de energia cinética devido à colisão.

Cálculos e respostas:

## PROGRAD / COSEAC

Cálculos e respostas:

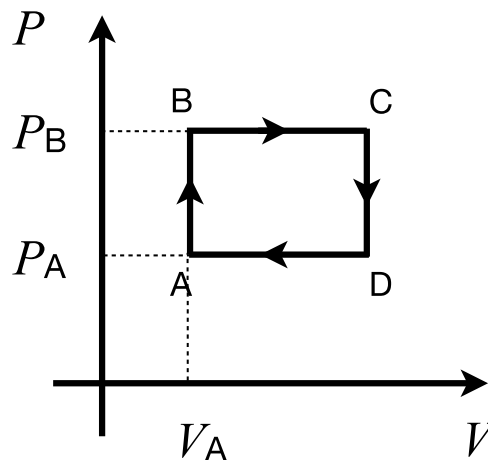


## PROGRAD / COSEAC

### 4ª QUESTÃO: (2,0 pontos)



Uma quantidade de 1,0 mol de um gás ideal executa o ciclo ABCDA representado no diagrama  $P \times V$  ilustrado na figura. Considere que  $P_A = 1,0$  atm,  $P_B = 2,0$  atm e  $V_A = 22,4$  m<sup>3</sup>; e que a temperatura  $T_B$  seja igual à  $T_D$ . Sabendo que a constante universal dos gases ideais é  $R \approx 8,3 \times 10^3$  J/K, e que  $1,0$  atm  $\approx 1,0 \times 10^5$  Pa, calcule:



- as temperaturas  $T_A$ ,  $T_B$ ,  $T_C$ , e  $T_D$ ;
- o trabalho líquido realizado pelo gás no ciclo ABCDA;
- a quantidade líquida de calor absorvida pelo gás no ciclo ABCDA;
- a variação da energia interna do gás entre os pontos B e D,  $\Delta U = U_D - U_B$ .

Cálculos e respostas:

## PROGRAD / COSEAC

Cálculos e respostas:

## PROGRAD / COSEAC

### 5ª QUESTÃO: (2,0 pontos)



Uma fonte pontual emite som que se espalha igualmente em todas as direções do espaço. Um microfone posto a 1,5 m de distância da fonte capta o som e é, então, utilizado como fonte de energia para alimentar um pequeno circuito. Percebe-se que, quando o microfone é apontado frontalmente na direção da fonte, esse aparelho capta 0,20 J em 4 s de funcionamento.

- a) Mantidas as demais condições de funcionamento, qual deve ser a energia captada pelo microfone a uma distância de 3,0 m da fonte?
- b) Nessa nova posição do microfone, com quantos decibéis a menos se apresenta o nível de intensidade sonora?

Tabela Assessória:

|                |   |      |      |      |      |     |
|----------------|---|------|------|------|------|-----|
| x              | 1 | 2    | 4    | 6    | 8    | 10  |
| $\log_{10}(x)$ | 0 | 0,30 | 0,60 | 0,78 | 0,90 | 1,0 |

Cálculos e respostas:

## PROGRAD / COSEAC

Cálculos e respostas:

**PROGRAD / COSEAC**

**Espaço reservado para rascunho**

**PROGRAD / COSEAC**  
**- Disciplina 2 - MATEMÁTICA**

**1ª QUESTÃO: (2,0 pontos)**



Sejam  $C_1$  e  $C_2$ , respectivamente, o cubo circunscrito e o cubo inscrito em uma esfera de raio 1m. Determine os volumes de  $C_1$  e  $C_2$ . Justifique a sua resposta.

Cálculos e resposta:

## PROGRAD / COSEAC

### 2ª QUESTÃO: (2,0 pontos)



Carlos ganhou no seu aniversário R\$ 150,00 de seus pais para comprar o seu presente. Ao entrar em uma loja, verificou que, se comprasse uma camisa, uma calça e uma bermuda, gastaria exatamente os R\$150,00. Se comprasse duas camisas e uma bermuda, sobrariam R\$ 15,00. No entanto, percebeu que não poderia comprar uma calça e duas bermudas: faltariam R\$ 3,00. Considerando que, em todas as opções, as camisas escolhidas têm o mesmo valor, a calça escolhida foi sempre a mesma e que as bermudas escolhidas também têm o mesmo valor, determine o valor de cada uma das peças do vestuário (o valor da calça, o valor da camisa e o valor da bermuda). Justifique a sua resposta.

Cálculos e resposta:

**3ª QUESTÃO: (2,0 pontos)**



A média aritmética das idades dos funcionários (homens e mulheres) de uma empresa é igual a 39 anos. Sabe-se que 60% dos funcionários são mulheres e que a média aritmética das idades dos homens é igual a 45 anos. Determine a média aritmética das idades das mulheres. Justifique a sua resposta.

Cálculos e respostas:



**PROGRAD / COSEAC**

**Espaço reservado para rascunho**

4ª QUESTÃO: (2,0 pontos)



Seja  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  a função definida por  $f(x) = \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right)\cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$ . Determine:

- a) os valores de  $x$  para os quais  $f(x) = 0$ . Justifique a sua resposta.
- b) o valor mínimo de  $f$  e o valor máximo de  $f$ . Justifique a sua resposta.
- c) o período de  $f$ . Justifique a sua resposta.

Cálculos e respostas:

## PROGRAD / COSEAC

Cálculos e respostas:

**5ª QUESTÃO: (2,0 pontos)**



Determine todos os valores reais de  $x$  tais que  $x^{\ln(x)} = 2$ . Justifique a sua resposta.

Cálculos e resposta:

## **PROGRAD / COSEAC**

**Espaço reservado para rascunho**